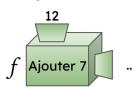


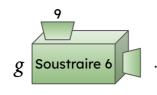


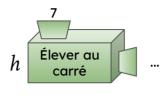


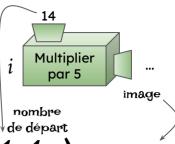
MISSION 1: MACHINES









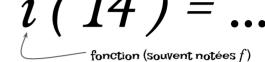


Ces machines s'appellent des

Le nombre d'arrivée s'appelle

Compléter à partir des machines précédentes :

$$f(12) = 12 + 7 = ...$$



Retrouver le ou les nombres introduits à l'entrée





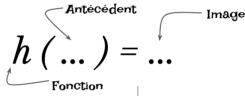




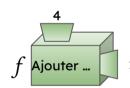
Le nombre de départ s'appelle

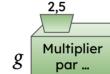
Compléter à partir des machines précédentes :

$$g(...) = 9$$

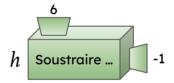


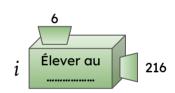
Retrouver les fonctions











Compléter à partir des machines précédentes :

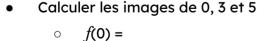
$$f(4) = 4 + ... = 21$$

$$g(2,5) =$$

Une fonction en 2 étapes!

Si on entre le nombre 4 dans cette machine, appelée f, on obtient :

 $f(4) = ...^2 - 3 = ...$



Élever au Soustraire 3



Si on entre un x, on obtient $f(...) = ...^2 - 3$

Calculer f(2,5) et f(-10)

0

Place les points de coordonnées (x; f(x)) pour x allant de -4 à 4.

Peut-on points?

relier les *f*(0)

MISSION 1 : MACHINES

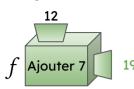


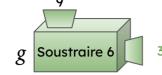




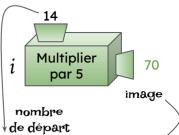


Compléter ces machines qui transforment un nombre à l'entrée en un autre nombre à la sortie





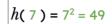




- Ces machines s'appellent des fonctions.
- Le nombre d'arrivée s'appelle image.
- ☐ Compléter à partir des machines précédentes :

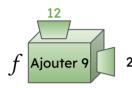
$$f(12) = 12 + 7 = 19$$

$$g(9) = 9 - 6 = 3$$

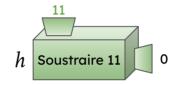


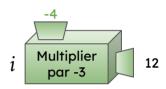
fonction (souvent notées f)

Retrouver le ou les nombres introduits à l'entrée









Image

h

$$(11) = 0$$

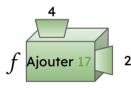
- Fonction
- $i(-4) = -4 \times (-3) = 12$

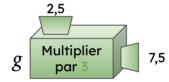
- Le nombre de départ s'appelle antécédent.
- Compléter à partir des machines précédentes :

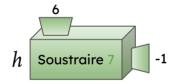
$$f(21) = 12 + 9 = 21$$

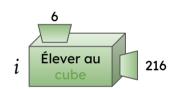
$$g(3) = 3^2 = 3 \times 3 = 9$$

Retrouver les fonctions









Compléter à partir des machines précédentes :

$$f(4) = 4 + 17 = 21$$

$$g(2,5) = 2,5 \times 3 = 7,5$$

$$h(6) = 6 - 7 = -1$$

Soustraire 3

 $f(4) = 4^2 - 3 = 13$

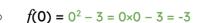
Élever au

$$h(6^3) = 216$$

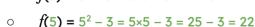
Une fonction en 2 étapes !

Si on entre le nombre 4 dans cette machine, appelée f, on obtient :

• Calculer les images de 0, 3 et 5



 $f(3) = 3^2 - 3 = 3 \times 3 - 3 = 9 - 3 = 6$

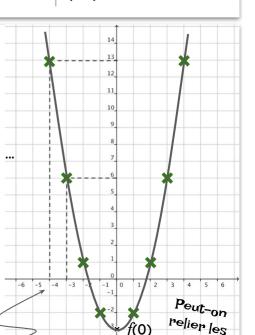


Si on entre un x, on obtient $f(x) = x^2 - 3$

• Calculer *f*(2,5) et *f*(-10)

o
$$f(-10) = 10^2 - 3 = (-10) \times (-10) - 3 = 100 - 3 = 97$$

• Place les points de coordonnées (x; f(x)) pour x allant de -4 à 4.



points?

MISSION 2 : UTILISER DES GRAPHIQUES

Température en fonction de l'heure

À Aurillac, le 9 janvier dernier, on a relevé les températures en continu sur la journée :

1. Compléter : « Cette courbe représente les

variations de _____

en fonction des _____

2. On note T la fonction qui, à une heure h donnée de la journée, fait correspondre la température T(h) en °C. Compléter :

 $T: h \rightarrow \dots$

3. Que signifie l'écriture T(12) ?

4. Que signifie l'égalité T(18) = 4?

5. Compléter les égalités suivantes :

a. $T(20) = \dots$ b. $T(9) = \dots$

c. $T(\dots) = -3$ d. $T(\dots) = T(\dots) = 0$

3 🕏 Une petite visite en voiture

Léo va rendre visite à des amis. En partant, il met le compteur kilométrique de sa voiture à zéro, puis note toutes les 30 minutes les kilomètres parcourus

Temps écoulé (en min)	0	30	60	90	120	150	180
Distance parcourue (en km)	0	30	90	165	180	180	195

On note D, la fonction qui, à t le temps écoulé en min, fait correspondre la distance parcourue D(t)en km.

1. a. Pour chaque colonne du tableau, écrire une égalité permettant de traduire la correspondance entre temps écoulé et distance parcourue.

• D(0) =

• *D*(30)= • *D*(....)=

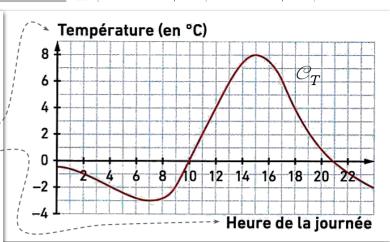
b. Il est conseillé de faire une pause d'au moins 15 min toutes les 2 h. Léo a-t-il suivi ce conseil?

2. a. Représenter les données du tableau de la fonction D. Dans le repère suivant :

écrire la légende sur chacun des axes.

placer les points

peut-on relier les points?



Randonnée <u>en altitude</u>

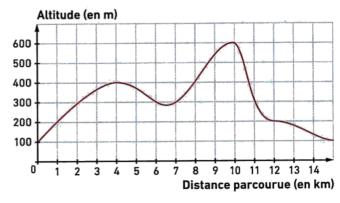
1. À quelle altitude se trouve-t-on après avoir parcouru 6 km?

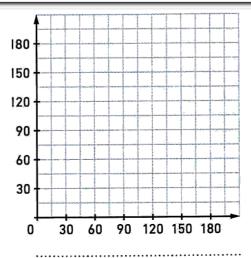
2. Après combien de kilomètres parcourus se trouve-t-on à 200 m d'altitude?

3. On note A, la fonction qui à la distance dparcourue en km, fait correspondre l'altitude A(d)en m. Compléter :

a. A(8) = b. A(.....) = 600

Le graphique suivant donne les variations de l'altitude au cours d'une randonnée :











Exo: Température en fonction de l'heure

À Aurillac, le 9 janvier dernier, on a relevé les températures en continu sur la journée :

1. Compléter : « Cette courbe représente les

variations de température

en fonction des heures de la journée

2. On note T la fonction qui, à une heure h donnée de la journée, fait correspondre la température T(h) en °C. Compléter:

 $T: h \rightarrow T(h)$

1

3. Que signifie l'écriture T(12)?

T(12) est l'image de 12, c'est la température au'il fera à 12h

4. Que signifie l'égalité T(18) = 4?

L'image de 18 par la fonction T est 4, il fera 4°C à

5. Compléter les égalités suivantes :

a.
$$T(20) = 1$$
 b. $T(9) = -2$

c.
$$T(7) = -3$$
 d. $T(10) = T(21) = 0$

Exo: Une petite visite en voiture

Léo va rendre visite à des amis. En partant, il met le compteur kilométrique de sa voiture à zéro, puis note toutes les 30 minutes les kilomètres parcourus :

Temps écoulé (en min)	0	30	60	90	120	150	180
Distance							
parcourue	0	30	90	165	180	180	195
(en km)							

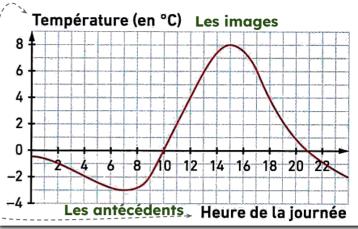
On note D, la fonction qui, à t le temps écoulé en min, fait correspondre la distance parcourue D(t) en km.

1. a. Pour chaque colonne du tableau, écrire une égalité permettant de traduire la correspondance entre temps écoulé et distance parcourue.

$$D(0) = 0$$
 $D(30) = 30$ $D(60) = 90$ $D(90) = 165$ $D(120) = 180$ $D(150) = 180$ $D(180) = 195$

b. Il est conseillé de faire une pause d'au moins 15 min toutes les 2 h. Léo a-t-il suivi ce conseil ? On constate qu'au bout de 120 min (2h), Léo s'accorde une pause de 30 min (la distance parcourue n'augmente pas)

c. Peut-on relier les points placés dans le repère ? Justifier. Oui, on aurait pu faire un relevé continu de la distance parcourue en fonction du temps.



2 Exo: Randonnée en altitude

À quelle altitude se trouve-t-on après avoir parcouru 6 km?

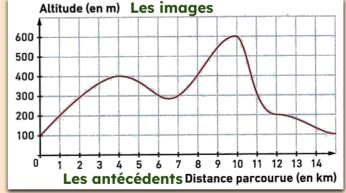
L'image de 6 est 300. On sera à 300 m.

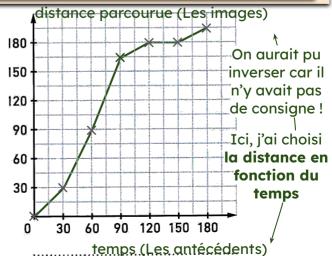
Après combien de kilomètres parcourus se trouve-t-on à 200 m d'altitude? L'antécédent de 200 est 1. Après 1 km.

3. On note A, la fonction qui à la distance dparcourue en km, fait correspondre l'altitude A(d) en m. Compléter :

b. A(10) = 600

Le graphique suivant donne les variations de l'altitude au cours d'une randonnée :











MISSION 3 : DÉTERMINER L'IMAGE PAR UNE FONCTION

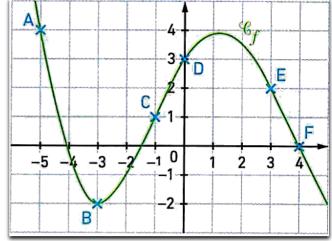
- lacktrianglelacktriangleOn considère la fonction f définie par : f(x) = 3x - 5.
- 1. Calculer f(10), f(-10)
- 2. On considère la fonction a définie par :

 $g: x \to 10x^2 + 2.3$

Compléter le tableau de valeurs suivant (le détail des calculs n'est pas demandé):

x	-2	-1	0	1	2	3
g (x)						

2 Voici la représentation graphique d'une fonction f:



- 1. Donner les coordonnées de A, B, C, D, E et F.
- 2. À l'aide de ces couples de coordonnées, compléter le tableau de valeurs suivant :

x	-5	-3	-1	0	3	4
f(x)						

- 3. Quelle est l'image de 3 par la fonction f? Quelle est l'image de 4 par la fonction f?
- 4. Compléter:

$$a. f(-1) =$$

$$b. f(0) =$$

Prends ton cahier et entraînes toi avec coopmaths





Déterminer l'image d'un nombre par une d'après fonction sa algébrique forme (deg 1)









Lecture graphique d'images



Déterminer l'image d'un nombre par une fonction d'après sa forme algébrique (deg 2)



Lecture graphique d'antécédents



MISSION 3 : DÉTERMINER L'IMAGE PAR UNE FONCTION



1 **½** Exo.

On considère la fonction f définie par f(x) = 3x - 5.

- 1. Calculer $f(10) = 3 \times 10 5 = 25$
- 2. Calculer l'image de -10 par la fonction f.

$$f(-10) = 3 \times (-10) - 5 = -30 - 5 = -35$$

On considère la fonction g définie par :

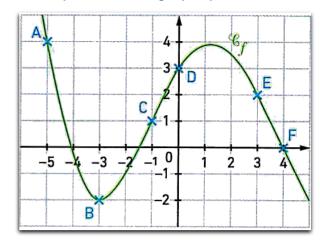
$$g: x \to 10x^2 + 2,3$$

Compléter le tableau de valeurs suivant (le détail des calculs n'est pas demandé) :

\boldsymbol{x}	-2	-1	0	1	2	3
<i>g</i> (<i>x</i>)	42,3	12,3	2,3	12,3	42,3	92,3

2 **Exo**

Voici la représentation graphique d'une fonction f:



- 1. Relever les coordonnées des points repérés sur la représentation graphique :
- A (-5; 4); B (-3; -2); C (-1; 1)
- D(0;3); E(3;2); F(4;0)
- 2. À l'aide de ces couples de coordonnées, compléter le tableau de valeurs suivant :

\boldsymbol{x}	-5	-3	-1	0	3	4
f(x)	4	-2	1	3	2	0

- 3.
 - Quelle est l'image de -3 par la fonction f?
 - Quelle est l'image de 4 par la fonction f? f(4)=0
- 4. Compléter:
 - \Box a. f(-1) = 1
- \Box b. f(0) = 3

Prends ton cahier et entraînes toi avec coopmaths





Déterminer l'image d'un nombre par une fonction d'après sa forme algébrique (deg 1)



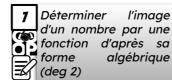




Lecture d'images













20

MISSION 4 : DÉTERMINER UN ANTÉCÉDENT PAR UNE FONCTION







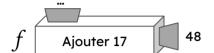






33

1 🗷 Détermine mentalement un antécédent dans chaque cas !



g Diviser par 9

h élever au carré

soustraire 3

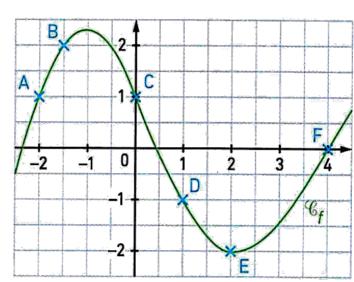
2 1. Relever les coordonnées des points A, B, C, D, E, F, repérés sur la représentation

graphique.

2.

À l'aide de ces couples

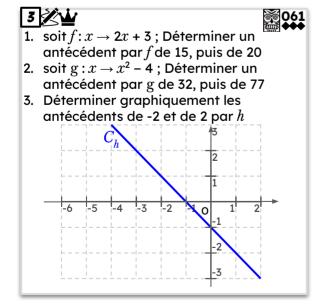
de coordonnées, compléter le tableau de valeurs suivant :



\boldsymbol{x}	-2	-1,5	0	1	2	4
f(x)						•••••

3.

Donner un ou des antécédents de -2, puis de 1 par f.

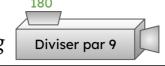


MISSION 4 : DÉTERMINER UN ANTÉCÉDENT PAR UNE FONCTION

1 🗷 Détermine mentalement un antécédent dans chaque cas !







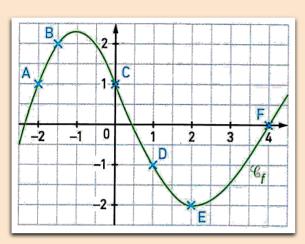




OR-CODE

2 **Exo** :

Voici la représentation graphique d'une fonction f



1. Relever les coordonnées des points repérés sur la représentation graphique :

A(-2;1); B(-1,5;2); C(0;1)

D(1;-1); E(2;-2); F(4;0)

2. À l'aide de ces couples de coordonnées, compléter le tableau de valeurs suivant :

х	-2	-1,5	0	1	2	4
f(×)	1	2	1	-1	-2	0

3. Donner un ou des antécédents de -2, puis de 1 par la fonction f.

-2 admet un seul antécédent par f : 2 1 admet deux antécédents par f : -2 et 0

3

1. soit $f: x \rightarrow 2x + 3$;

- 15 − 3 = 12
- \bullet 20 3 = 17
- $12 \div 2 = 6$
- $17 \div 2 = 8.5$

15 a pour antécédent 6 par f donc f(6) = 15. et 17 a pour antécédent 8,5 f donc f(8,5) = 17.

2. soit $g: x \to x^2 - 4$

- \bullet 32 + 4 = 36
- \bullet 77 + 4 = 81
- $36 = 6^2$ ou $36 = (-6)^2$
 - 81 = 9 ou $81 = (-9)^2$

32 a pour antécédents 6 et -6 par g et 77 a pour antécédent 9 et -9 par g.

3. Graphiquement 2 a pour antécédent -3 par h Graphiquement -2 a pour antécédent 1 par h







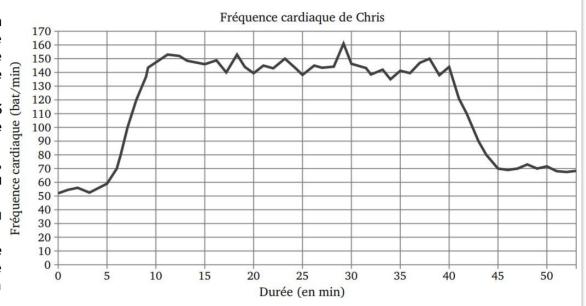


MISSION 5 : EN ROUTE VERS LE DNB

1 RÉQUENCE CARDIAQUE

- 1. Quelle est fréquence cardiaque de Chris au départ de sa course?
- 2. Quel est le maximum de la fréquence cardiaque atteinte par Chris au cours de sa course?
- 3. Chris est parti à 9 h 33 de chez lui et termine sa course à 10 h 26. Quelle a été la durée, en minutes, de sa 🦁 course?
- Chris a parcouru had 11 km lors de cette 4. Chris course. Montrer que sa vitesse moyenne d'environ est 12.5 km/h.

Chris fait une course à vélo tout terrain (VTT). Le graphique ci-dessous représente sa fréquence cardiaque (en battements par minute) en fonction du temps lors de la course.



5) On appelle FCM (Fréquence Cardiague Maximale) la fréquence maximale que peut supporter l'organisme. Celle de Chris est FCM = 190 battements par minute. En effectuant des recherches sur des sites internet spécialisés, il a trouvé le tableau suivant.

Effort	léger	soutenu	tempo	seuil anaérobie
Fréquence cardiaque	Inférieure à 70 % de	70 % à 85 % de la	85 % à 92 % de la	92 % à 97 % de la
mesurée	la FCM	FCM	FCM	FCM

Estimer la durée de la période pendant laquelle Chris a fourni un effort soutenu au cours de sa course.

2 Problème : Au théâtre !

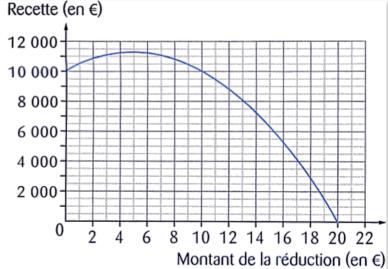
Dans un théâtre le tarif d'une place est de 20 €. Le 12 000 directeur a constaté que, s'il accorde une réduction, alors le nombre d'entrée augmente.

La recette (en €) du théâtre varie en fonction de la réduction accordée (en €). On a représenté ci-dessous la fonction f qui traduit cette situation. Par lecture graphique, répondre aux questions suivantes.

- 1) Quelle est la recette pour une réduction de 2€?
- 2) Quel est le montant de la réduction pour une recette de 8 000 €?

Quel est alors le prix d'une place?

- 3) a) Quels sont les antécédents par la fonction f du nombre 10 000 ?
- b) Interpréter ces résultats pour le théâtre.
- 4) Quelle est la recette maximale?



MISSION 5 : EN ROUTE VERS LE DNB

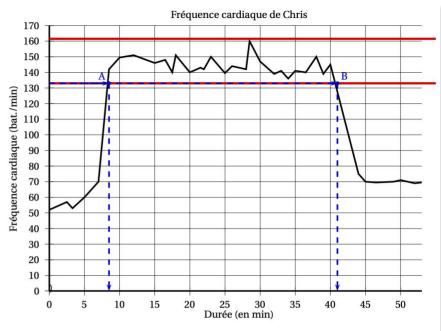
TRACE FCRITTE TRACE

1 FRÉQUENCE CARDIAQUE

- 1. On lit à peu près 52 battements par minute au départ de la course.
- 2. La fréquence la plus haute est voisine de 160 battements par minute.
- 3. La durée de la course est : 10 h 26 – 9 h 33 = 9 h 86 – 9 h 33 = 53 min.
- 4. On a v = d/t = 11 km/53 min soit : $11\times60/53 \approx 12,45$ soit environ 12,5 km/h au dixième près.

ou on cherche la distance parcourue en 1 h soit 60 min

Distance	11 km	?
Temps	53 min	60 min



Effort	léger	soutenu	tempo	seuil anaérobie
Fréquence cardiaque	Inférieure à 70 % de	70 % à 85 % de la	85 % à 92 % de la	92 % à 97 % de la
mesurée	la FCM	FCM	FCM	FCM

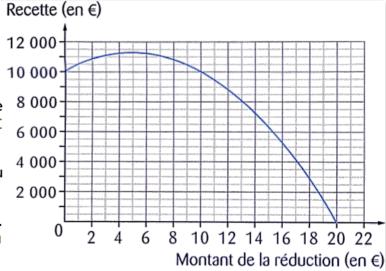
5. On a 190×70÷100 = 133 et 190×85÷100 = 161,5. Il faut donc estimer le temps pendant lequel la fréquence a été comprise entre 133 et 161,5 battements par minute, soit en fait supérieure à 133. On lit approximativement que cette fréquence a dépassé 133 de la 8ème à la 42ème minute, soit pendant 34 minutes.

2 Problème : Au théâtre !

1) Quelle est la recette pour une réduction de 2 € ?

Un peu moins de 11 000 €

- 2) Quel est le montant de la réduction pour une recette de 8 000 \in ? 13 \in Quel est alors le prix d'une place ? 20 13 = 7 \in
- 3) a) Quels sont les antécédents par la fonction f du nombre 10 000 ? 0 et 10
- b) Interpréter ces résultats pour le théâtre. La recette sera de 10 000 € pour le plein tarif ou pour une remise de 10 €
- 4) Quelle est la recette maximale ? La recette maximale est d'environ 11 500€



©maths974.fr







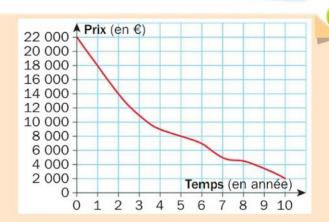




- - 1. Quel est le résultat du programme de calcul ci-contre si le nombre choisi est : a. 1?
 - 2. Tester ce programme avec d'autres nombres. Quelle relation peut-on supposer entre le nombre choisi et le résultat du programme de calcul ?
- Choisir un nombre.
- Le multiplier par 2.
- Ajouter 3 au résultat.
- Multiplier le résultat par 2.
- Soustraire 6.



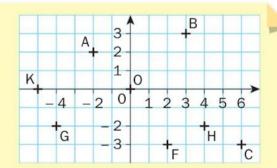
- Le graphique ci-contre représente l'évolution de la valeur d'une voiture dans le temps, à partir de sa mise en circulation.
 - a. Quel est le prix de cette voiture à l'achat ?
 - b. Quelle est la valeur de la voiture 3 ans après sa mise en circulation ? 5 ans après sa mise en circulation?
 - c. Au bout de combien d'années vaut-elle 4 000 € ?



- Les tableaux ci-dessous indiquent la distance parcourue par deux voitures pour différentes durées. Dans chaque cas, indiquer si le tableau représente une situation de proportionnalité; si oui, déterminer le coefficient de proportionnalité.
 - Durée (en min) 1 2 3 5 1 2.5 Distance (en km)

Durée (en min)	2	4	6
Distance (en km)	2,4	2,5	5

- Répondre aux questions suivantes en utilisant le graphique ci-contre.
 - a. Quelles sont les coordonnées du point A, du point B, du point H et du point K?
 - b. Les points A, O et C sont-ils alignés ?
 - c. On considère le point L de coordonnées (1; 1). Les points O, L et B sont-ils alignés ?



- Une boulangerie propose des formules d'abonnement pour ses clients qui consomment régulièrement des sandwichs :
 - Formule A: 50 € par an, puis 3 € le sandwich;
 - Formule B: 75 € par an, puis 2 € le sandwich.
 - Recopier et compléter le tableau suivant.

Nombre de sandwichs	30	45	60	90
Prix avec la formule A (en €)				
Prix avec la formule B (en €)				

- Un cercle est inscrit dans un carré.
 - 1. Si le carré mesure 5 cm de côté, quelle est l'aire de la surface jaune en cm2?



- 2.a. Quelle relation lie l'aire de la surface jaune à la mesure du côté du carré ?
- b. S'agit-il d'une relation de proportionnalité?

MATÉRIEL A DÉCOUPER POUR COMPLÉTER VOTRE TRACE ÉCRITE











Important

Quand je veux exprimer l'altitude en fonction du temps, je choisis:

- L'axe des x pour le temps,
- L'axe des y pour l'altitude

Compléter: " $6^2 = ... \times ... =$ et $(-6)^2 = ... \times ... =$ Donc 6 et -6 sont deux antécédents de par la fonction f définie par $f: x \rightarrow$."

À partir de l'expression algébrique d'une fonction, on peut calculer l'image d'un nombre donné.

Exemple

$$f: x \mapsto 2x + 5$$

L'image de 3 par f est 11 car : $f(3) = 2 \times 3 + 5 = 6 + 5 = 11$

À partir d'un tableau de valeurs d'une fonction, on peut lire l'image d'un nombre donné.

Exemple

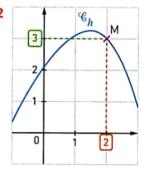
ll x	- 5	- 1	1	
g(x)	3	5	- 1	

L'image de -1 par g est 5. q(-1) = 5

À partir de la représentation graphique d'une fonction, on peut lire l'image d'un nombre donné.

Exemple

L'image de 2 par h est 3. h(2) = 3



À partir de l'expression algébrique d'une fonction, on peut vérifier si un nombre est un antécédent d'un nombre donné

Exemple

 $f: x \mapsto 2x + 5$

7,5 est un antécédent de 20 par f car:

$$f(7,5) = 2 \times 7,5 + 5$$
$$= 20.$$

À partir d'un tableau de valeurs d'une fonction. on peut lire un ou des antécédents d'un nombre donné.

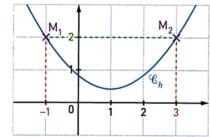
Exemple

х	- 5	- 1	1
g(x)	3	5	-1

Un antécédent de - 1 par q est 1.

À partir de la représentation graphique d'une fonction, on peut lire un ou des antécédents d'un nombre donné.

Exemple



Des antécédents de 2 par h sont - 1 et 3.

Programme de calcul

- Choisir un nombre
- Ajouter 4
- Multiplier par 7
- Ajouter le triple du nombre choisi au départ
- Soustraire 28
- 1. Teste ce programme avec 6 et 10
- 2. Refais le programme avec un autre nombre.
- 3. Marie dit: "j'obtiens toujours un multiple de 10". A-t-elle raison ? L'expliquer.

On considère la fonction h définie par :

$$h: x \rightarrow 1 + x$$

Les propositions suivantes sont-elles vraies ou fausses?

- 1. h(-4) = 0.
- 2. L'image de 5 par la fonction h est égale à l'inverse de 2.
- 3. h(2) < h(3).

POUR LES EXPERTS Combien un nombre a-t-íl d'antécédents par la fonction $x \rightarrow x$

POUR LES EXPERTS

Le point de coordonnées (-2 ; 7) appartient-il à la représentation graphique de la

2 Problème : Au théâtre !

Dans un théâtre le tarif d'une place est de 20 €. Le 12 000 directeur a constaté que, s'il accorde une réduction, alors le nombre d'entrée augmente.

La recette (en \in) du théâtre varie en fonction de la réduction accordée (en \in). On a représenté ci-dessous la fonction f qui traduit cette situation. Par lecture graphique, répondre aux questions suivantes.

- 1) Quelle est la recette pour une réduction de 2€?
- 2) Quel est le montant de la réduction pour une recette de 8 000 € ? Quel est alors le prix d'une place ?
- 3) a) Quels sont les antécédents par la fonction f du nombre 10 000 ?
- b) Interpréter ces résultats pour le théâtre.
- 4) Quelle est la recette maximale?

