



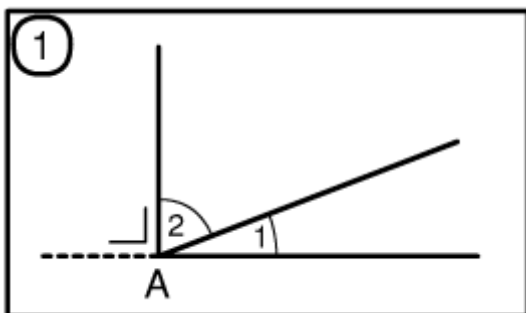
Un zeste de deuxième

A. Recherche d'amplitudes

(Actimath P 9-10 / Nouvel actimath Page 45)

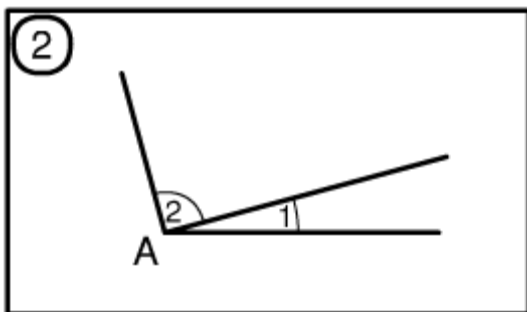


1) Existe-t-il une relation entre l'amplitude des angles proposés ? Si oui, JUSTIFIE.



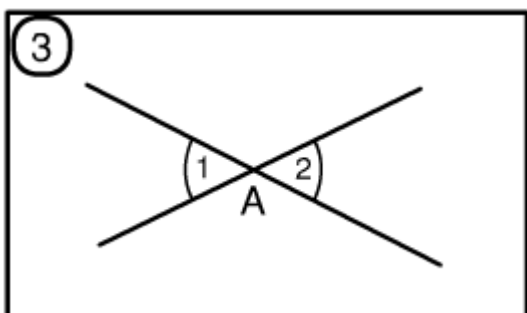
Oui : les angles \hat{A}_1 et \hat{A}_2 :

- ↪ n'ont pas la même amplitude
- ↪ sont adjacents
- ↪ sont complémentaires car $|\hat{A}_1| + |\hat{A}_2| = 90^\circ$



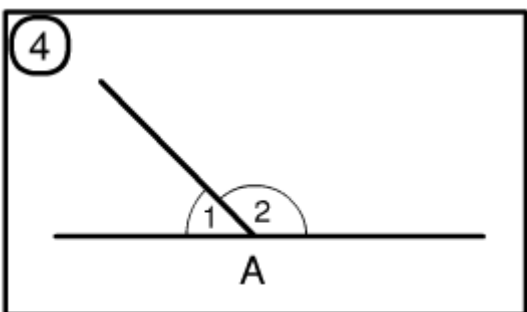
Non : les angles \hat{A}_1 et \hat{A}_2 :

- ↪ n'ont pas la même amplitude
- ↪ sont adjacents



Oui : les angles \hat{A}_1 et \hat{A}_2 :

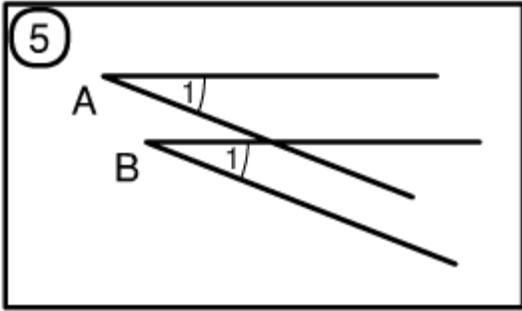
- ↪ sont opposés par le sommet
- ↪ ont la même amplitude $\Leftrightarrow |\hat{A}_1| = |\hat{A}_2|$



Oui : les angles \hat{A}_1 et \hat{A}_2 :

- ↪ n'ont pas la même amplitude
- ↪ sont adjacents
- ↪ sont supplémentaires car $|\hat{A}_1| + |\hat{A}_2| = 180^\circ$

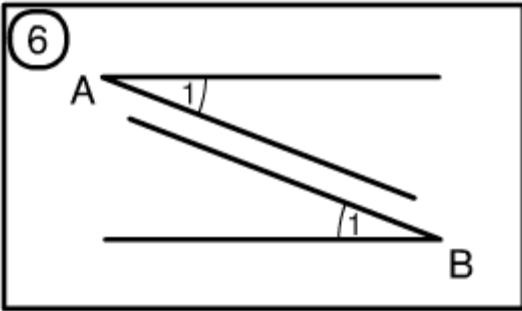




Oui/non : les angles \hat{A}_1 et \hat{B}_1 :

↪ sont des angles aigus à côtés (respectivement) parallèles

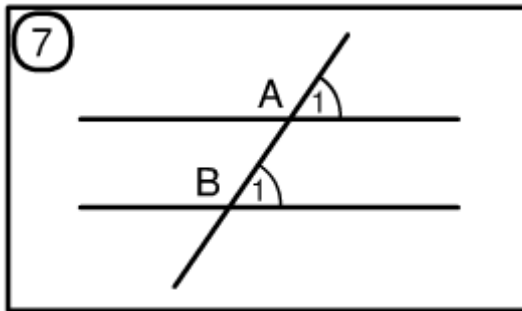
↪ ont la même amplitude : $|\hat{A}_1| = |\hat{B}_1|$



Oui/non : les angles \hat{A}_1 et \hat{B}_1 :

↪ sont des angles aigus à côtés inversement parallèles

↪ ont la même amplitude : $|\hat{A}_1| = |\hat{B}_1|$

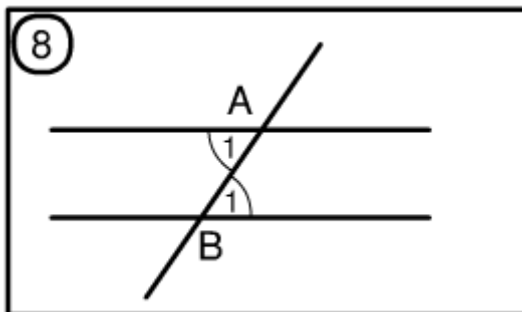


Oui/non : les angles \hat{A}_1 et \hat{B}_1 :

↪ sont des angles correspondants formés par deux droites a et b coupées par une sécante c

↪ Si les droites a et b sont **parallèles**

alors ils ont la même amplitude : $|\hat{A}_1| = |\hat{B}_1|$

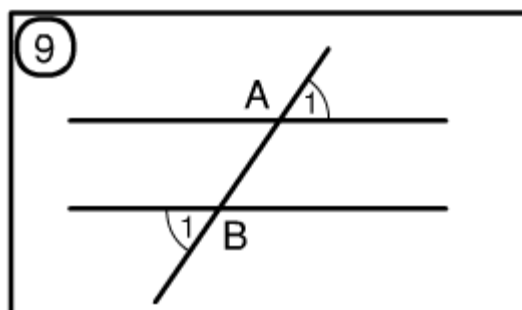


Oui/non : les angles \hat{A}_1 et \hat{B}_1 :

↪ sont des angles alternes-internes formés par deux droites a et b coupées par une sécante c

↪ Si les droites a et b sont **parallèles**

alors ils ont la même amplitude : $|\hat{A}_1| = |\hat{B}_1|$



Oui/non : les angles \hat{A}_1 et \hat{B}_1 :

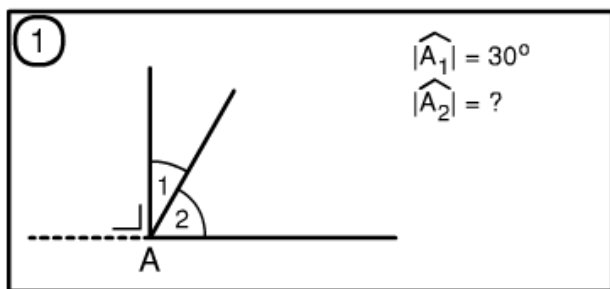
↪ sont des angles alternes-externes formés par deux droites a et b coupées par une sécante c

↪ Si les droites a et b sont **parallèles**

alors ils ont la même amplitude : $|\hat{A}_1| = |\hat{B}_1|$



2) Détermine si cela est possible, l'amplitude de l'angle demandé. **JUSTIFIE.**



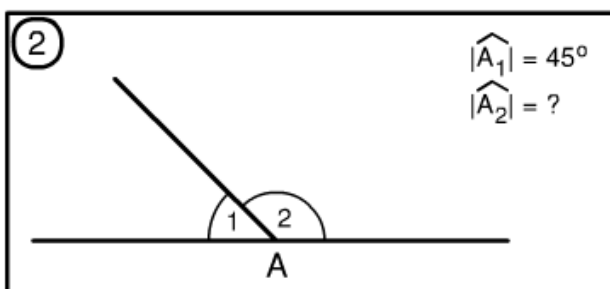
Les angles $\widehat{A_1}$ et $\widehat{A_2}$ sont complémentaires car ils sont adjacents et les côtés extérieurs sont perpendiculaires

$$\Rightarrow |\widehat{A_1}| + |\widehat{A_2}| = 90^\circ$$

$$\Leftrightarrow 30^\circ + |\widehat{A_2}| = 90^\circ$$

$$\Leftrightarrow |\widehat{A_2}| = 60^\circ$$

L'amplitude recherchée est de 60°



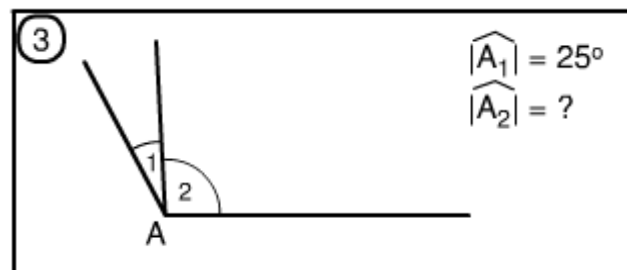
Les angles $\widehat{A_1}$ et $\widehat{A_2}$ sont supplémentaires car ils sont adjacents et les côtés extérieurs forment un angle plat

$$\Rightarrow |\widehat{A_1}| + |\widehat{A_2}| = 180^\circ$$

$$\Leftrightarrow 45^\circ + |\widehat{A_2}| = 180^\circ$$

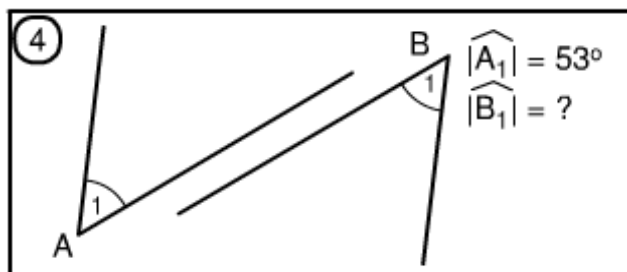
$$\Leftrightarrow |\widehat{A_2}| = 135^\circ$$

L'amplitude recherchée est de 135°



Impossible à dire car

rien n'indique que $\widehat{A_2}$ soit un angle droit.

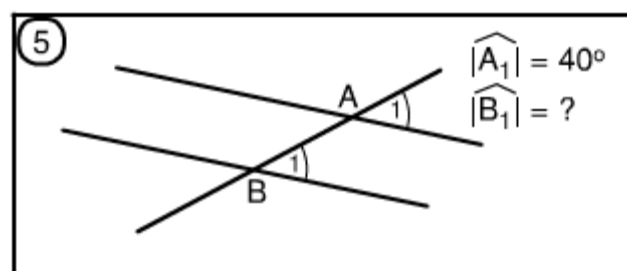


Si les côtés sont inversement parallèles, les angles aigus sont des angles à côtés parallèles et ils ont la même amplitude :

$$|\widehat{A_1}| = |\widehat{B_1}|$$

$$\Rightarrow |\widehat{A_1}| = |\widehat{B_1}| = 53^\circ$$

Sinon impossible à dire



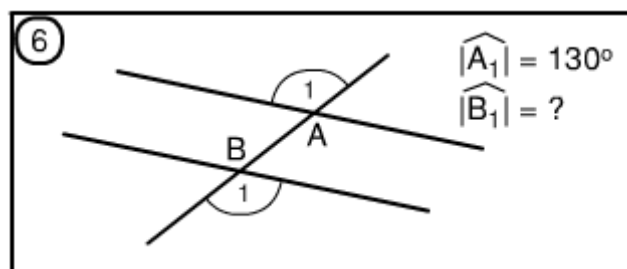
Les angles $\widehat{A_1}$ et $\widehat{B_1}$ sont des angles correspondants

Si les droites a et b sont parallèles

Alors les amplitudes sont égales.

$$\Rightarrow |\widehat{A_1}| = |\widehat{B_1}| = 40^\circ$$

Sinon impossible à dire



Les angles $\widehat{A_1}$ et $\widehat{B_1}$ sont des angles alternes-externes

Si les droites a et b sont parallèles

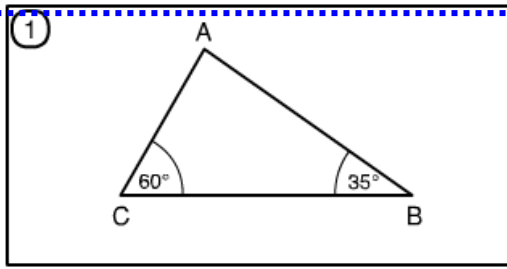
Alors les amplitudes sont égales.

$$\Rightarrow |\widehat{A_1}| = |\widehat{B_1}| = 130^\circ$$

Sinon impossible à dire



3°) Détermine l'amplitude des angles du triangle ABC en utilisant les renseignements fournis par le dessin



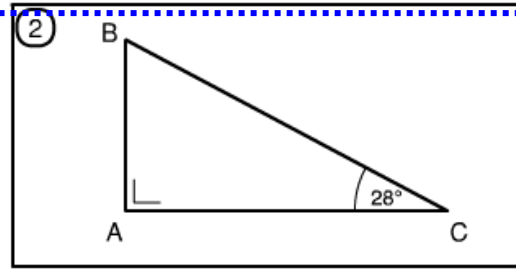
Dans un triangle, la somme des amplitudes des angles intérieurs est égale à 180°

$$\Leftrightarrow |\hat{A}| + |\hat{B}| + |\hat{C}| = 180^\circ$$

$$\Leftrightarrow |\hat{A}| + 60^\circ + 35^\circ = 180^\circ$$

$$\Leftrightarrow |\hat{A}| = 85^\circ$$

L'amplitude recherchée est de 85°



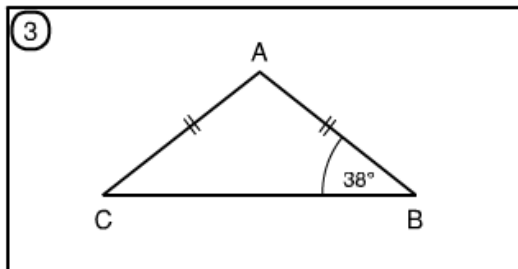
$$\Leftrightarrow |\hat{A}| + |\hat{B}| + |\hat{C}| = 180^\circ$$

$$\Leftrightarrow |\hat{B}| + |\hat{C}| = 90^\circ$$

$$\Leftrightarrow |\hat{B}| + 28^\circ = 90^\circ$$

$$\Leftrightarrow |\hat{B}| = 62^\circ$$

L'amplitude recherchée est de 62°

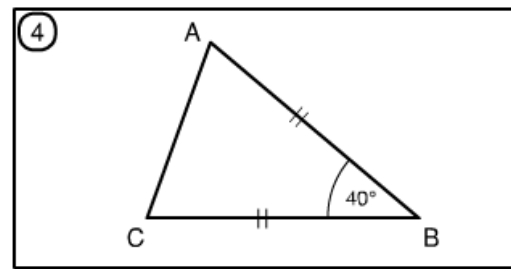


Dans un triangle isocèle, les angles adjacents à la base sont égaux $\Leftrightarrow |\hat{A}| + |\hat{B}| + |\hat{B}| = 180^\circ$

$$\Leftrightarrow |\hat{A}| + 2 \cdot 38^\circ = 180^\circ$$

$$\Leftrightarrow |\hat{A}| = 104^\circ$$

L'amplitude recherchée est de 104°

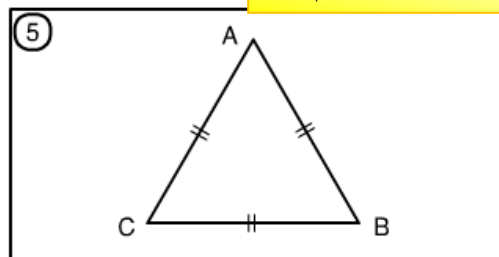


Dans un triangle isocèle, les angles adjacents à la base sont égaux $\Leftrightarrow |\hat{A}| + |\hat{B}| + |\hat{A}| = 180^\circ$

$$\Leftrightarrow 2 \cdot |\hat{A}| + 40^\circ = 180^\circ$$

$$\Leftrightarrow |\hat{A}| = 70^\circ$$

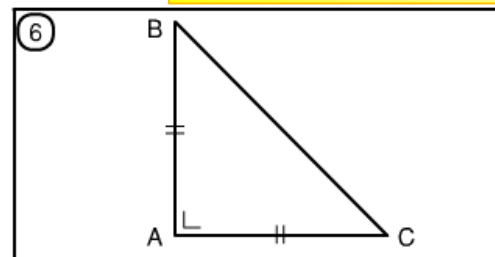
L'amplitude recherchée est de 70°



Dans un triangle équilatéral, les angles sont égaux à 60° .

$$\Leftrightarrow |\hat{A}| = |\hat{B}| = |\hat{C}| = 60^\circ$$

L'amplitude recherchée est de 60°



Dans un triangle rectangle, la somme des amplitudes des angles aigus est égale à 90° .

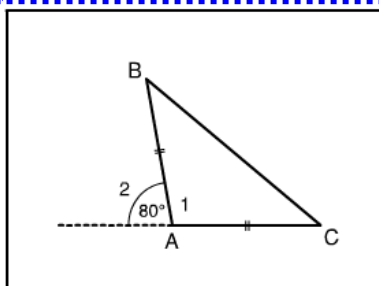
$$\Leftrightarrow |\hat{B}| + |\hat{C}| = 90^\circ$$

Dans un triangle isocèle, les angles adjacents à la base sont égaux.

$$\Leftrightarrow |\hat{B}| = |\hat{C}| = 45^\circ$$

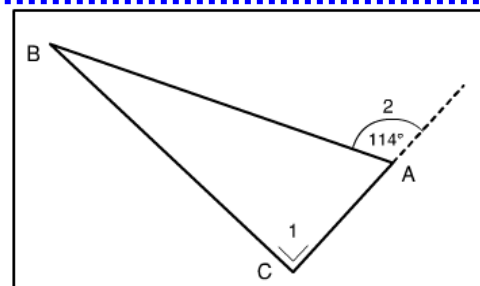
L'amplitude recherchée est de 45°

4°) Détermine l'amplitude des angles des triangles ci-dessous en utilisant les renseignements fournis par les dessins.



$$|\hat{A}_1| = 180^\circ - 80^\circ = 100^\circ \text{ car } \dots$$

$$|\hat{B}| = |\hat{C}| = 80^\circ : 2 = 40^\circ \text{ car } \dots$$



$$|\hat{A}_1| = 180^\circ - 114^\circ = 66^\circ \text{ car } \dots$$

$$|\hat{B}| = 90^\circ - 66^\circ = 24^\circ \text{ car } \dots$$

