

# Exploitation - La factorisation et les équations produits

## Questions relatives à la restitution des connaissances

- 1) Énonce la règle du produit nul. Quand utilise-t-on cette règle ?  
I illustre par un exemple.
- 2) Quand dit-on qu'une expression est factorisée ?

Parmi les expressions suivantes, indique celles qui sont factorisées.  
Factorise celles qui ne le sont pas.

- a)  $(x + 2).(x - 3)$
- b)  $x^2 - 4$
- c)  $(x - 4)^2$
- d)  $2.(x - 1) + 3x - 3$
- e)  $(x + 2)^2$
- f)  $6.(x - 8)$
- g)  $(2x - 3)^2$
- h)  $x^2 - 6x + 9$
- i)  $(x + 1).(x - 1)$
- j)  $3.(2x - 4).x$
- k)  $x.(x + 10) + 25$
- l)  $7x.(x + 2) + 5.(x + 2)$
- m)  $4x.(x + 3) + 9$
- n)  $4x^2 + 3.(4x + 3)$
- o)  $3x^2 + 7x$

**Questions relatives à l'application et à l'exploitation de la matière vue en classe**

1) Voici deux égalités bien curieuses !

$$15^2 - 14^2 = 15 + 14$$

et

$$172^2 - 171^2 = 172 + 171$$

a) Vérifie, par calcul, ces deux égalités.

b) Invente deux autres égalités de même type.

c) Comment peux-tu vérifier ces égalités, sans effectuer les carrés ?

2) Paul affirme qu'il n'a pas besoin de calculatrice pour effectuer les calculs suivants; mieux, il prétend qu'il peut les effectuer mentalement !

Recherche, pour chaque calcul, le procédé qu'il a probablement utilisé.

a)  $205^2 - 195^2$

b)  $1003^2 - 997^2$

c)  $6,5^2 - 2 \cdot 6,5 \cdot 4,5 + 4,5^2$

d)  $\left(\frac{3,7}{9}\right)^2 + 2 \cdot \frac{3,7}{9} \cdot \frac{5,3}{9} + \left(\frac{5,3}{9}\right)^2$

3) Relie chaque expression à son expression factorisée.

$9x^2 + 12x + 4$  o

o  $(5x - 1)^2$

$25 - x^2$  o

o  $(3x + 2)^2$

$1 - 10x + 25x^2$  o

o  $(3 + 2x) \cdot (2x - 3)$

$2x^2 - 4x + 2$  o

o  $(5 - x) \cdot (x + 5)$

$9x^2 - 12x + 4$  o

o  $2 \cdot (x - 1)^2$

$4x^2 - 9$  o

o  $(3x - 2)^2$

$25x^2 + 10x + 1$  o

o  $(1 + 5x)^2$

4) Pour chaque ligne du tableau, indique quelle réponse donne les solutions de l'équation.

	Réponse 1	Réponse 2	Réponse 3
$(2x - 5).(3x + 4)$	$\frac{5}{2}$ et $-\frac{3}{4}$	$\frac{5}{2}$ et $-\frac{4}{3}$	$\frac{2}{5}$ et $-\frac{4}{3}$
$(3x - 5) . (-2x + 1)$	$\frac{5}{3}$ et $2$	$\frac{1}{2}$ et $\frac{3}{5}$	$\frac{5}{3}$ et $\frac{1}{2}$
$2x.(-3x - 5)$	$0$ et $-\frac{5}{3}$	$0$ et $\frac{5}{3}$	$2$ et $-\frac{5}{3}$
$(x + 1)^2 - 4$	$-1$ et $3$	$1$ et $-3$	$-1$ et $-3$

5) Pour chacun des cas suivants, trouve la valeur de m afin que l'expression proposée puisse s'écrire sous la forme du carré d'un binôme.

- a)  $x^2 - 6x + m$
- b)  $x^2 + mx + 4$
- c)  $4x^2 - 8x + m$
- d)  $(3x)^2 + mx + 16$

6) Trouve trois nombres entiers consécutifs dont le produit divisé par leur somme vaut 16.  
Un petit conseil : désigne par x le nombre central.

7) En utilisant la factorisation, écris de manière simplifiée l'expression  $(a + 1)^2 - (a - 1)^2$ .  
Utilise la nouvelle expression pour calculer  $100001^2 - 99999^2$ .

8) Voici des égalités bien curieuses :

$$2^2 + 2 = 3^2 - 3$$

$$3^2 + 3 = 4^2 - 4$$

$$30^2 + 30 = 31^2 - 31$$

- a) Vérifie-les.
- b) Trouve une égalité générale et démontre-la en utilisant la factorisation.

9) Écris le nombre 7 sous forme de la différence des carrés de deux nombres entiers consécutifs.  
Fais de même avec les nombres 17, 29 et 35.  
En utilisant la factorisation, démontre que : tout nombre entier impair est égale à la différence des carrés de deux nombres entiers consécutifs.